

ESTADÍSTICOS DE INTERÉS

UNA MUESTRA DE TAMAÑO n .

DOS MUESTRAS INDEPENDIENTES DE TAMAÑOS n Y m , RESPECT.

1. Si la v.a. $X \in N(\mu, \sigma)$ entonces:

$$\frac{\bar{X} - \mu}{\sigma/\sqrt{n}} \in N(0, 1)$$

$$\frac{\bar{X} - \mu}{\hat{S}/\sqrt{n}} \in t_{n-1}$$

$$\frac{(n-1)\hat{S}^2}{\sigma^2} \in \chi_{n-1}^2$$

2. Si X es una v.a. general y n es "grande", entonces:

$$\frac{\bar{X} - \mu}{\sigma/\sqrt{n}} \approx N(0, 1)$$

$$\frac{\bar{X} - \mu}{\hat{S}/\sqrt{n}} \approx N(0, 1)$$

3. Una proporción p , y tamaño muestral "grande".

$$\frac{\hat{p} - p}{\sqrt{p(1-p)/n}} \approx N(0, 1)$$

1. Si $X \in N(\mu_X, \sigma_X)$ e $Y \in N(\mu_Y, \sigma_Y)$ entonces:

$$1.1. \frac{\bar{X} - \bar{Y} - (\mu_X - \mu_Y)}{\sqrt{\frac{\sigma_X^2}{n} + \frac{\sigma_Y^2}{m}}} \in N(0, 1) \text{ y } \frac{\hat{S}_X^2 \sigma_Y^2}{\hat{S}_Y^2 \sigma_X^2} \in F_{n-1, m-1}$$

1.2. Si además $\sigma_X = \sigma_Y$ entonces:

$$\frac{\bar{X} - \bar{Y} - (\mu_X - \mu_Y)}{\hat{S}_T \sqrt{\frac{1}{n} + \frac{1}{m}}} \in t_{n+m-2}, \text{ donde}$$

$$\hat{S}_T^2 = \frac{(n-1)\hat{S}_X^2 + (m-1)\hat{S}_Y^2}{n+m-2}$$

1.3. En caso contrario ($\sigma_X \neq \sigma_Y$), se tiene que:

$$\frac{\bar{X} - \bar{Y} - (\mu_X - \mu_Y)}{\sqrt{\frac{\hat{S}_X^2}{n} + \frac{\hat{S}_Y^2}{m}}} \approx \begin{cases} N(0, 1), & \text{si } n \text{ y } m \text{ son "grandes"} \\ t_{n+m-2-\delta}, & \text{en otro caso,} \end{cases}$$

donde δ es el número entero más próximo a:

$$\psi = \frac{\left[(m-1) \frac{\hat{S}_X^2}{n} - (n-1) \frac{\hat{S}_Y^2}{m} \right]^2}{(m-1) \left(\frac{\hat{S}_X^2}{n} \right)^2 + (n-1) \left(\frac{\hat{S}_Y^2}{m} \right)^2}$$

2. Dos proporciones p_X y p_Y , y tamaños muestrales "grandes".

$$\frac{\hat{p}_X - \hat{p}_Y - (p_X - p_Y)}{\sqrt{\frac{p_X(1-p_X)}{n} + \frac{p_Y(1-p_Y)}{m}}} \approx N(0, 1)$$